




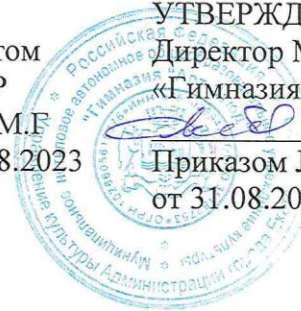


МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И МОЛОДЕЖНОЙ ПОЛИТИКИ
СВЕРДЛОВСКОЙ ОБЛАСТИ
УПРАВЛЕНИЕ КУЛЬТУРЫ АДМИНИСТРАЦИИ ГОРОДА ЕКАТЕРИНБУРГА
Муниципальное негетиповое автономное общеобразовательное учреждение культуры
«Гимназия «Арт-Этюд»

РАССМОТРЕНО
Методическим
объединением учителей
математики и информатики
Зав.  Пермякова С.Н.
Протокол № 1 от 31.08.2023

ПРИНЯТО
Педагогическим советом
Зам. директора по УВР
 Горинская М.Ф.
Протокол № 1 от 31.08.2023

УТВЕРЖДЕНО
Директор МНАОУК
«Гимназия «Арт-Этюд»
 Семенова А.А.
Приказом № 83-уч/2
от 31.08.2023



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа»
базового уровня
для обучающихся 10-11 классов

Екатеринбург 2023

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

Структура курса «Алгебра и начала математического анализа» включает следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин: алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств и др. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные в курсе «Алгебра и начала математического анализа», для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать полученный результат.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию прочных вычислительных навыков, включающих в себя

использование различных форм записи действительного числа, умение рационально выполнять действия с ними, делать прикидку, оценивать результат. Обучающиеся получают навыки приближённых вычислений, выполнения действий с числами, записанными в стандартной форме, использования математических констант, оценивания числовых выражений.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе программы предусмотрено решение соответствующих задач. Обучающиеся овладевают различными методами решения целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и их систем. Полученные умения используются при исследовании функций с помощью производной, решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования целых, рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, у которых появляется возможность исследовать и строить графики функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» в основном посвящена элементам теории множеств. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины в единое целое. Поэтому важно дать возможность школьнику понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют также основы математического моделирования, которые призваны сформировать навыки построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа и интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач. При

решении реальных практических задач учащиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа».

МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

В учебном плане на изучение курса алгебры и начал математического анализа на базовом уровне отводится 2 часа в неделю в 10 классе и 3 часа в неделю в 11 классе, всего за два года обучения – 170 часов.

1. СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

10 КЛАСС

Раздел 1. Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства

1.1. Множества и логика

Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, следствие, доказательство.

1.2. Числа и вычисления

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

1.3. Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования.

Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы.

Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов.

Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств.

Раздел 2. Функции и графики. Степень с целым показателем

2.1. Функции и графики

Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график.

2.2. Числа и вычисления

Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Раздел 3. Арифметический корень n -ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства

3.1. Числа и вычисления

Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени.

3.2. Уравнения и неравенства

Решение иррациональных уравнений и неравенств.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

3.3. Функции и графики

Свойства и график корня n -ой степени.

Раздел 4. Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения и неравенства

4.1. Числа и вычисления

Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента.

4.2. Функции и графики

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

4.3. Уравнения и неравенства

Решение тригонометрических уравнений.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Раздел 5. Последовательности и прогрессии

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

11 КЛАСС

Раздел 1. Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства

1.1. Числа и вычисления

Степень с рациональным показателем. Свойства степени.

Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем.

1.2. Уравнения и неравенства

Показательные уравнения и неравенства.

1.3. Функции и графики

Показательная функция, её свойства и график.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Раздел 2. Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства

2.1. Числа и вычисления

Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы

2.2. Уравнения и неравенства

Логарифмические уравнения и неравенства.

2.3. Функции и графики

Логарифмическая функция, её свойства и график.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

Раздел 3. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства

3.1. Функции и графики

Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции, и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

3.2. Уравнения и неравенства

Примеры тригонометрических неравенств.

Раздел 4. Производная. Применение производной.

Начала математического анализа

Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств.

Производная функции. Геометрический и физический смысл производной.

Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций.

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком.

Раздел 5. Интеграл и его применения.

Начала математического анализа

Первообразная. Таблица первообразных.

Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.

Раздел 6. Системы уравнений. Уравнения и неравенства

6.1. Уравнения и неравенства

Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений.

Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

6.2. Функции и их графики

Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем.

Раздел 7. Натуральные и целые числа.

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел.

Раздел 8. Повторение, обобщение, систематизация знаний

2. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

2.1 ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и

российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

2.2 МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными *познавательными действиями*, *универсальными коммуникативными действиями*, *универсальными регулятивными действиями*.

1) *Универсальные познавательные действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).*

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;

- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды;

оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

2.3 ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

10 КЛАСС

Числа и вычисления

Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты.

Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами.

Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений.

Оперировать понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции.

Уравнения и неравенства

Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство; целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство; тригонометрическое уравнение;

Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения.

Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств.

Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики

Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции.

Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.

Использовать графики функций для решения уравнений.

Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

Начала математического анализа

Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Задавать последовательности различными способами.

Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера.

Множества и логика

Оперировать понятиями: множество, операции над множествами.

Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство.

11 КЛАСС

Числа и вычисления

Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач.

Оперировать понятием: степень с рациональным показателем.

Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы.

Уравнения и неравенства

Применять свойства степени для преобразования выражений; оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств.

Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств.

Находить решения простейших тригонометрических неравенств.

Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач.

Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики

Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком.

Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств.

Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин.

Начала математического анализа

Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций.

Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков.

Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах.

Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла.

Находить первообразные элементарных функций; вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница.

Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

3. ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства	14	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/5100/start/326934/
2	Функции и графики. Степень с целым показателем	6			https://resh.edu.ru/subject/lesson/5175/start/326685/
3	Арифметический корень n–ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства	18	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/5498/start/272542/
4	Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения и неравенства	22	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6019/start/199181/
5	Последовательности и прогрессии	5			https://resh.edu.ru/subject/lesson/5223/start/326717/
6	Повторение, обобщение, систематизация знаний	3	1		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	4	0	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства	12	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/3841/start/225573/
2	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства	12			https://resh.edu.ru/subject/lesson/5753/start/272574/
3	Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства	9	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6111/start/
4	Производная. Применение производной	24	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4923/start/200980/
5	Интеграл и его применения	9			https://resh.edu.ru/subject/lesson/6117/start/225775/
6	Системы уравнений	12	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/6122/start/38660/
7	Натуральные и целые числа	6			https://resh.edu.ru/subject/lesson/3908/start/200483/
8	Повторение, обобщение, систематизация знаний	18	2		https://resh.edu.ru/
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0	

4. ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
Раздел 1. Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства		14
1.1. Множества и логика		1
1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.	1
1.2. Числа и вычисления		7
2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1
3	Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений	1
4	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни	1
5	Контрольная работа стартовая диагностика	1
6	<i>Анализ контрольной работы стартовой диагностики.</i> Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1
7	Арифметические операции с действительными числами	1
8	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1
1.3. Уравнения и неравенства		6
9	Тождества и тождественные преобразования	1
10	Уравнение, корень уравнения	1
11	Неравенство, решение неравенства	1
12	Метод интервалов	1
13	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1
14	Контрольная работа №1 по теме "Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства"	1
Раздел 2. Функции и графики. Степень с целым показателем		6
2.1. Функции и графики		3
15	<i>Анализ контрольной работы №1.</i> Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции	1
16	График функции. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства	1
17	Чётные и нечётные функции	1
2.2. Числа и вычисления		3

18	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа	1
19	Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных	1
20	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1
Раздел 3. Арифметический корень n–ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства		18
3.1. Числа и вычисления		10
21	Арифметический корень натуральной степени	1
22	Арифметический корень натуральной степени	1
23	Свойства арифметического корня натуральной степени	1
24	Свойства арифметического корня натуральной степени	1
25	Свойства арифметического корня натуральной степени	1
26	Действия с арифметическими корнями n–ой степени	1
27	Действия с арифметическими корнями n–ой степени	1
28	Действия с арифметическими корнями n–ой степени	1
29	Действия с арифметическими корнями n–ой степени	1
30	Действия с арифметическими корнями n–ой степени	1
3.2. Уравнения и неравенства		4
31	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1
32	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1
33	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1
34	Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.	1
3.3. Функции и графики		4
35	Свойства и график корня n-ой степени	1
36	Свойства и график корня n-ой степени	1
37	Контрольная работа №2 по теме "Арифметический корень n–ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства"	1
38	<i>Анализ контрольной работы №2</i>	1
Раздел 4. Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения и неравенства		22
4.1. Числа и вычисления		4
39	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1
40	Синус, косинус и тангенс числового аргумента	1
41	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1
42	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1

4.2. Функции и графики		11
43	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1
44	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1
45	Основные тригонометрические формулы: формулы двойного аргумента	1
46	Основные тригонометрические формулы: формулы суммы и разности тригонометрических функций	1
47	Основные тригонометрические формулы: тригонометрические функции суммы и разности аргумента	1
48	Основные тригонометрические формулы: тригонометрические функции половинного аргумента	1
49	Преобразование тригонометрических выражений	1
50	Преобразование тригонометрических выражений	1
51	Преобразование тригонометрических выражений	1
52	Преобразование тригонометрических выражений	1
53	Преобразование тригонометрических выражений	1
4.3. Уравнения и неравенства		7
54	Решение тригонометрических уравнений	1
55	Решение тригонометрических уравнений	1
56	Решение тригонометрических уравнений	1
57	Решение тригонометрических неравенств	1
58	Решение тригонометрических неравенств	1
59	Контрольная работа №3 по теме "Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения и неравенства"	1
60	<i>Анализ контрольной работы №3</i>	1
Раздел 5. Последовательности и прогрессии Начала математического анализа		5
61	Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности	1
62	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	1
63	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1
64	Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.	1
65	Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.	1

Раздел 6. Повторение, обобщение, систематизация знаний		3
66	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1
67	Итоговая контрольная работа	1
68	<i>Анализ итоговой контрольной работы.</i> Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
Раздел 1. Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства		12
1.1. Числа и вычисления		5
1	Степень с рациональным показателем	1
2	Свойства степени	1
3	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1
4	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1
5	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	1
1.2. Уравнения и неравенства		4
6	Показательные уравнения и неравенства	1
7	Показательные уравнения и неравенства	1
8	Показательные уравнения и неравенства	1
9	Показательные уравнения и неравенства	1
1.3. Функции и графики		3
10	Показательная функция, её свойства и график	1
11	Контрольная работа по теме "Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства"	1
12	<i>Анализ контрольной работы №1</i>	1
Раздел 2. Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства		12
2.1. Числа и вычисления		6
13	Логарифм числа	1
14	Десятичные и натуральные логарифмы	1
15	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1
16	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1
17	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1
18	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1
2.2. Уравнения и неравенства		4

19	Логарифмические уравнения и неравенства	1
20	Логарифмические уравнения и неравенства	1
21	Логарифмические уравнения и неравенства	1
22	Логарифмические уравнения и неравенства	1
2.3. Функции и графики		2
23	Логарифмическая функция, её свойства и график	1
24	Логарифмическая функция, её свойства и график	1
Раздел 3. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства		9
3.1. Функции и графики		4
25	Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции, и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.	1
26	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
27	Тригонометрические функции, их свойства и графики	1
28	Тригонометрические функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей	1
3.2. Уравнения и неравенства		5
29	Примеры тригонометрических неравенств	1
30	Примеры тригонометрических неравенств	1
31	Примеры тригонометрических неравенств	1
32	Контрольная работа №2 по теме "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства"	1
33	<i>Анализ контрольной работы №2</i>	1
Раздел 4. Производная. Применение производной. Начала математического анализа		24
Начала математического анализа		24
34	Непрерывные функции	1
35	Метод интервалов для решения неравенств	1
36	Метод интервалов для решения неравенств	1
37	Производная функции	1
38	Производная функции	1
39	Геометрический и физический смысл производной	1
40	Геометрический и физический смысл производной	1
41	Производные элементарных функций	1
42	Производные элементарных функций	1
43	Производная суммы, произведения, частного функций	1
44	Производная суммы, произведения, частного функций	1

45	Производная суммы, произведения, частного функций	1
46	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
47	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
48	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
49	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	1
50	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
51	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
52	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
53	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	1
54	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком	1
55	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком	1
56	Контрольная работа №3 по теме "Производная. Применение производной"	1
57	<i>Анализ контрольной работы №3</i>	1
Раздел 5. Интеграл и его применения		9
Начала математического анализа		9
58	Первообразная. Таблица первообразных	1
59	Первообразная. Таблица первообразных	1
60	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1
61	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1
62	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	1
63	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1
64	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1
65	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1
66	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	1
Раздел 6. Системы уравнений. Уравнения и неравенства		12
6.1. Уравнения и неравенства		8
67	Системы линейных уравнений	1
68	Системы линейных уравнений	1
69	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1
70	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1

71	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1
72	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1
73	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических уравнений и неравенств	1
74	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни	1
6.2. Функции и графики		4
75	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1
76	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	1
77	Контрольная работа №4 по теме "Интеграл и его применения. Системы уравнений"	1
78	<i>Анализ контрольной работы №4</i>	1
Раздел 7. Натуральные и целые числа.		6
Числа и вычисления		6
79	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1
80	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1
81	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	1
82	Признаки делимости целых чисел	1
83	Признаки делимости целых чисел	1
84	Признаки делимости целых чисел	1
Раздел 8. Повторение, обобщение, систематизация знаний		18
85	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
86	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
87	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
88	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
89	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
90	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	1
91	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1
92	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1
93	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1
94	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	1
95	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1
96	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	1
97	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1
98	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	1
99	Итоговая контрольная работа	1
100	Итоговая контрольная работа	1

101	<i>Анализ итоговой контрольной работы</i>	1
102	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10-11 классов	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102