





МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И МОЛОДЕЖНОЙ ПОЛИТИКИ
СВЕРДЛОВСКОЙ ОБЛАСТИ
УПРАВЛЕНИЕ КУЛЬТУРЫ АДМИНИСТРАЦИИ ГОРОДА ЕКАТЕРИНБУРГА
Муниципальное негиповое автономное общеобразовательное учреждение культуры
«Гимназия «Арт-Этюд»

РАССМОТРЕНО
Методическим
объединением учителей
математики и информатики
Зав.  Пермякова С.Н.
Протокол № 1 от 31.08.2023

ПРИНЯТО
Педагогическим советом
Зам. директора по УВР
 Горинская М.Г.
Протокол № 1 от 31.08.2023

УТВЕРЖДЕНО
Директор МНАОУК
«Гимназия «Арт-Этюд»
 Семенова А.А.
Приказом № 83-уч/2
от 31.08.2023



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА
учебного предмета «Вероятность и статистика»
базового уровня
для обучающихся 10-11 классов

Екатеринбург 2023

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Вероятность и статистика» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Учебный курс «Вероятность и статистика» базового уровня является продолжением и развитием одноимённого учебного курса базового уровня основной школы. Курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления учащихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса основной школы и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» средней школы на базовом уровне выделены следующие основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности», «Случайные величины и закон больших чисел».

Важную часть курса занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами — показательным и нормальным распределениями.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин, а также эта линия необходима как база для изучения закона больших чисел – фундаментального закона, действующего в природе и обществе и имеющего математическую формализацию. Сам закон больших чисел предлагается в ознакомительной форме с минимальным использованием математического формализма.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами, акцентируют внимание школьников на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям, при этом предполагается ознакомительное изучение материала без доказательств применяемых фактов.

МЕСТО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

На изучение курса «Вероятность и статистика» на базовом уровне отводится 1 час в неделю в течение каждого года обучения, всего 68 учебных часов.

1. СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

10 КЛАСС

Раздел 1. Представление данных и описательная статистики

Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов.

Раздел 2. Случайные опыты и случайные события, опыты с равновозможными элементарными исходами

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Раздел 3. Операции над событиями, сложение вероятностей

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Раздел 4. Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Независимые события.

Раздел 5. Элементы комбинаторики

Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Раздел 6. Серии последовательных испытаний

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли.

Раздел 7. Случайные величины и распределения

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Примеры распределений, в том числе, геометрическое и биномиальное.

Раздел 8. Обобщение и систематизация знаний

11 КЛАСС

Повторение

Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний

Раздел 1 Математическое ожидание случайной величины

Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение. Примеры применения математического ожидания, в том числе в задачах из повседневной жизни. Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия геометрического и биномиального распределений.

Раздел 2 Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины

Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение. Дисперсии геометрического и биномиального распределения

Раздел 3 Закон больших чисел

Закон больших чисел и его роль в науке, природе и обществе. Выборочный метод исследований.

Раздел 4 Непрерывные случайные величины (распределения)

Примеры непрерывных случайных величин. Понятие о плотности распределения.

Раздел 5 Нормальное распределения

Задачи, приводящие к нормальному распределению. Понятие о нормальном распределении.

Раздел 6 Повторение, обобщение и систематизация знаний

2. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

2.1 ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Вероятность и статистика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

2.2 МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Вероятность и статистика» характеризуются овладением универсальными *познавательными действиями*, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) Универсальные *познавательные* действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

Базовые логические действия:

– выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий;

устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных

текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

2.3 ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

10 КЛАСС

Читать и строить таблицы и диаграммы.

Оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее, наименьшее значение, размах массива числовых данных.

Оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное событие, элементарное событие (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности в опытах с равновероятными случайными событиями, находить и сравнивать вероятности событий в изученных случайных экспериментах.

Находить и формулировать события: пересечение и объединение данных событий, событие, противоположное данному событию; пользоваться диаграммами Эйлера и формулой сложения вероятностей при решении задач.

Оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события; находить вероятности с помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта.

Применять комбинаторное правило умножения при решении задач.

Оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия испытаний, успех и неудача; находить вероятности событий в серии независимых испытаний до первого успеха; находить вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения.

11 КЛАСС

Сравнивать вероятности значений случайной величины по распределению или с помощью диаграмм.

Оперировать понятием математического ожидания; приводить примеры, как применяется математическое ожидание случайной величины находить математическое ожидание по данному распределению.

Иметь представление о законе больших чисел.

Иметь представление о нормальном распределении.

3. ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Представление данных и описательная статистика	4			https://resh.edu.ru/subject/lesson/4089/start/131703/
2	Случайные опыты и случайные события, опыты с равновероятными элементарными исходами	3		1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/4089/start/131703/
3	Операции над событиями, сложение вероятностей	3			https://resh.edu.ru/subject/lesson/4089/start/131703/

4	Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий	6	1		https://resh.edu.ru/subject/lesson/4929/start/38412/
5	Элементы комбинаторики	5			https://resh.edu.ru/subject/lesson/6119/start/285193/
6	Серии последовательных испытаний	3		1	https://resh.edu.ru
7	Случайные величины и распределения	6			https://resh.edu.ru
8	Обобщение и систематизация знаний	4	1		https://resh.edu.ru
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	2	

11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
	Повторение	4			https://resh.edu.ru
1	Математическое ожидание случайной величины	4			https://resh.edu.ru
2	Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины	4		1	https://resh.edu.ru/subject/lesson/3409/start/
3	Закон больших чисел	4	1	1	https://resh.edu.ru
4	Непрерывные случайные величины (распределения)	2			https://resh.edu.ru
5	Нормальное распределения	2		1	https://resh.edu.ru
6	Повторение, обобщение и систематизация знаний	14	1		https://resh.edu.ru
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	3	

4. ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
Раздел 1. Представление данных и описательная статистики		4
1	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм	1
2	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1
3	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1
4	Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числовых наборов	1
Раздел 2. Случайные опыты и случайные события, опыты с равновероятными элементарными исходами		3
5	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями	1
7	Вероятность случайного события. Практическая работа	1
Раздел 3. Операции над событиями, сложение вероятностей		3
8	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события. Диаграммы Эйлера	1
9	Операции над событиями: пересечение, объединение событий, противоположные события. Диаграммы Эйлера	1
10	Формула сложения вероятностей	1
Раздел 4. Условная вероятность, дерево случайного опыта, формула полной вероятности и независимость событий		6
11	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента	1
12	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента	1
13	Формула полной вероятности	1
14	Формула полной вероятности. Независимые события	1
15	Контрольная работа №1	1
16	<i>Анализ контрольной работы №1</i>	1
Раздел 5. Элементы комбинаторики		5
17	Комбинаторное правило умножения	1
18	Комбинаторное правило умножения	1

19	Перестановки и факториал	1
20	Число сочетаний	1
21	Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона	1
Раздел 6. Серии последовательных испытаний		3
22	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха	1
23	Серия независимых испытаний Бернулли	1
24	Серия независимых испытаний. Практическая работа с использованием электронных таблиц	1
Раздел 7. Случайные величины и распределения		6
25	Случайная величина	1
26	Распределение вероятностей. Диаграмма распределения	1
27	Сумма и произведение случайных величин	1
28	Сумма и произведение случайных величин	1
29	Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное	1
30	Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное	1
Раздел 8. Обобщение и систематизация знаний		4
31	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1
32	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1
33	Итоговая контрольная работа	1
34	<i>Анализ итоговой контрольной работы</i> Повторение, обобщение и систематизация знаний	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
Повторение		4
1	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний	1
2	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний	1
3	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний	1
4	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Случайные опыты и вероятности случайных событий. Серии независимых испытаний	1
Раздел 1 Математическое ожидание случайной величины		4
5	Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея)	1

6	Математическое ожидание суммы случайных величин	1
7	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1
8	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1
Раздел 2 Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины		4
9	Дисперсия и стандартное отклонение	1
10	Дисперсия и стандартное отклонение	1
11	Дисперсии геометрического и биномиального распределения	1
12	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1
Раздел 3 Закон больших чисел		4
13	Закон больших чисел. Выборочный метод исследований	1
14	Закон больших чисел. Выборочный метод исследований	1
15	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1
16	Контрольная работа №1	1
Раздел 4 Непрерывные случайные величины (распределения)		2
17	<i>Анализ контрольной работы №1</i> Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности распределения. Равномерное распределение и его свойства	1
18	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности распределения. Равномерное распределение и его свойства	1
Раздел 5 Нормальное распределения		2
19	Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности и свойства нормального распределения	1
20	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1
Раздел 6 Повторение, обобщение и систематизация знаний		14
21	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Описательная статистика	1
22	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Описательная статистика	1
23	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Опыты с равновероятными элементарными событиями	1
24	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Опыты с равновероятными элементарными событиями	1
25	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)	1
26	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)	1
27	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)	1
28	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Вычисление вероятностей	1

	событий с применением формул и графических методов (координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)	
29	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Случайные величины и распределения	1
30	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Случайные величины и распределения	1
31	Повторение, обобщение и систематизация знаний. Математическое ожидание случайной величины	1
32	Итоговая контрольная работа	1
33	Анализ итоговой контрольной работы	1
34	Повторение, обобщение и систематизация знаний	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34